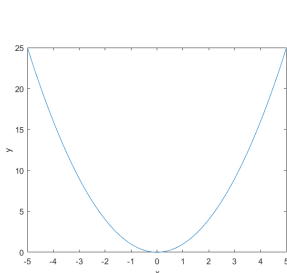


**Exercice 1**

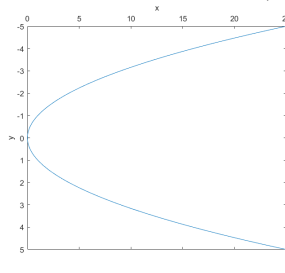
1. Peut-on faire correspondre une fonction réelle ( $y = f(x)$ ) à:

- $x + y = 1$ 
  - Vrai
  - Faux
- $x^2 - y = 1$ 
  - Vrai
  - Faux
- $x + y^2 = 1$ 
  - Vrai
  - Faux
- $x^2 + y^2 = 1$ 
  - Vrai
  - Faux
- $|y| = x$ 
  - Vrai
  - Faux

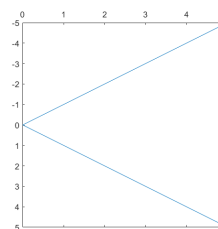
2. Les graphiques suivants représentent une fonction réelle ( $y = f(x)$ ):



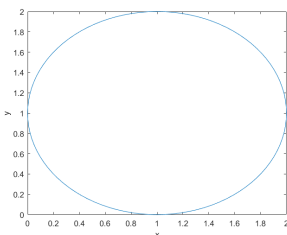
- Vrai
- Faux



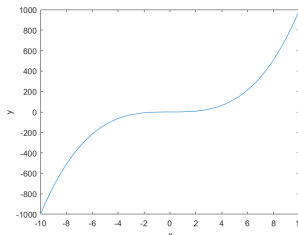
- Vrai
- Faux



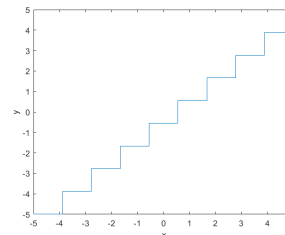
- Vrai
- Faux



- Vrai
- Faux



- Vrai
- Faux



- Vrai
- Faux

3. Mettre les équations suivantes sous la forme  $y = f(x)$ , puis calculer l'image de 4 par  $f$ .

- $y = 1$   
1

- $y = \frac{4x}{x}$   
4
- $x = 2y + 5$   
-0.5
- $x^2 = 5x^2 + y$   
-64

4. Pour trouver les zéros d'une fonction  $y = f(x)$  il faut:

- résoudre l'équation  $f(x) = 0$ .
- calculer  $f(0)$ .
- trouver les  $x$  les plus nuls de  $f$ .
- voir si  $0 \in \mathcal{D}_f$
- Aucune de ces réponses n'est correcte.

5. Pour trouver l'ordonnée à l'origine d'une fonction  $y = f(x)$  on peut:

- résoudre l'équation  $f^{-1}(y) = 0$  si  $f$  est bijective.
- calculer  $f(0)$ .
- trouver les  $y$  les plus nuls de  $f$ .
- Aucune de ces réponses n'est correcte.

6. Donnez le  $\mathcal{D}_f$  des fonctions suivantes:

- $y = x$ 
  - $\mathcal{D}_f = \mathbb{R}$
  - $\mathcal{D}_f = \mathbb{Q}$
  - $\mathcal{D}_f = \mathbb{R}_- \cup \mathbb{N}$
  - $\mathcal{D}_f = \{x | x \in \mathbb{R}\}$
  - Aucune de ces réponses n'est correcte.
- $y = \frac{1}{\sqrt{x}}$ 
  - $\mathcal{D}_f = \mathbb{R}_+$
  - $\mathcal{D}_f = \mathbb{R}^*$
  - $\mathcal{D}_f = ]0; +\infty]$
  - $\mathcal{D}_f = \mathbb{N}$
  - Aucune de ces réponses n'est correcte.
- $y = \frac{1}{1-x}$ 
  - $\mathcal{D}_f = \{x \in \mathbb{R} | 1 - x \neq 0\}$
  - $\mathcal{D}_f = \mathbb{R}^*$
  - $\mathcal{D}_f = \mathbb{R} \setminus \{1\}$
  - $\mathcal{D}_f = ]-\infty; 1[ \cup ]1; +\infty[$
  - Aucune de ces réponses n'est correcte.
- $y = \frac{1}{\sqrt{1-\ln(x)}}$

- $\mathcal{D}_f = \mathbb{R}_+^*$
- $\mathcal{D}_f = \mathbb{R}_+ \setminus \{0; e\}$
- $\mathcal{D}_f = \mathbb{R}_+ \setminus [0; 1]$
- $\mathcal{D}_f = ]0; e[$
- Aucune de ces réponses n'est correcte.

7. Soit  $f(x) = x^2 + 1$  et  $g(x) = 5x - 2$ :

- Quel est  $(f + g)$ 
  - $x^2 + 5x - 1$
  - $25x^2 - 20x + 5$
  - $5x^2 + 3$
  - $(\frac{1}{5}x + \frac{2}{25}) + \frac{1+\frac{4}{25}}{5x-2}$
  - Aucune de ces réponses n'est correcte.
- Quel est  $(f \cdot g)$ 
  - $x^2 + 5x - 1$
  - $25x^2 - 20x + 5$
  - $5x^2 + 3$
  - $(\frac{1}{5}x + \frac{2}{25}) + \frac{1+\frac{4}{25}}{5x-2}$
  - Aucune de ces réponses n'est correcte.
- Quel est  $(\frac{f}{g})$ 
  - $x^2 + 5x - 1$
  - $25x^2 - 20x + 5$
  - $5x^2 + 3$
  - $(\frac{1}{5}x + \frac{2}{25}) + \frac{1+\frac{4}{25}}{5x-2}$
  - Aucune de ces réponses n'est correcte.
- Quel est  $(f \circ g)$ 
  - $x^2 + 5x - 1$
  - $25x^2 - 20x + 5$
  - $5x^2 + 3$
  - $(\frac{1}{5}x + \frac{2}{25}) + \frac{1+\frac{4}{25}}{5x-2}$
  - Aucune de ces réponses n'est correcte.
- Quel est  $\mathcal{D}_{(f+g)}$ ?
  - $\mathbb{R}$
  - $\mathbb{R}_-$
  - $\mathbb{R}^*$
  - $\mathbb{R}_+^*$
  - Aucune de ces réponses n'est correcte.
- Quel est  $\mathcal{D}_{(\frac{f}{g})}$ ?
  - $\{\frac{2}{5}\}$
  - $\mathbb{R} \cap \mathbb{R} \setminus \{0.4\}$

- $\mathbb{R} \cap \{0.4\}$   
  $\mathbb{R} \setminus \{0.4\}$   
 Aucune de ces réponses n'est correcte.
8. Soit  $h(x) = (x^3 - 5x + 1)^4$ , quelles fonctions  $f, g$  donnent  $f \circ g = h$ ?
- $f(x) = x^4 ; g(x) = x^3 - 5x + 1$   
  $f(x) = x^2 ; g(x) = (x^3 - 5x + 1)^2$   
  $f(x) = x ; g(x) = (x^3 - 5x + 1)^4$   
  $f(x) = \sqrt[4]{x} ; g(x) = (x^3 - 5x + 1)^{16}$   
 Aucune de ces réponses n'est correcte.
9. Quelle est la réciproque de  $f(x) = ax + b$ , où  $a \in \mathbb{R}^*$  et  $b \in \mathbb{R}$ ?
- $f^{-1}(x) = \frac{1}{ax+b}$   
  $f^{-1}(x) = \frac{a}{x} - b$   
  $f^{-1}(x) = \frac{x-b}{a}$   
  $f^{-1}(x) = x - \frac{b}{a}$   
  $f^{-1}(x) = \frac{x}{a} - \frac{b}{a}$   
 Aucune de ces réponses n'est correcte.
10. Supposons que l'on ait pour une certaine fonction  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = 4$ . Alors:
- $f(2) = 4$   
  $2 \in \mathcal{D}_f$  mais on n'a pas forcément  $f(2) = 4$ .  
 Aucune de ces réponses n'est correcte.
11. Que vaut  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{x}$ ?
- $+\infty$   
  $-\infty$   
 Indéfini  
 Aucune de ces réponses n'est correcte.
12. Que vaut  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{1}{x-2} - \lim_{x \rightarrow 2} \frac{1}{x-2}$ ?
- $+\infty$   
  $-\infty$   
 0  
 Indéfini  
 Aucune de ces réponses n'est correcte.
13. Soit  $D_f = \mathbb{R}$  et  $D_g = \mathbb{Z}$ , que donne  $D_f \cap D_g$ ?

- $\mathbb{R}$
- $\mathbb{Q}$
- $\mathbb{Z}$
- $\mathbb{N}$
- Aucune de ces réponses n'est correcte.

14. Soit  $D_f = \mathbb{Z}$  et  $D_g = \mathbb{N}$ , que donne  $D_f \setminus D_g$ ?

- $\mathbb{R}_-$
- $\mathbb{Z}_-$
- $\mathbb{Z}_-$
- $\mathbb{N}_-$
- Aucune de ces réponses n'est correcte.

15. Soit  $h = f \circ g$  avec  $f = \sqrt{x}$ ,  $g = x^2$  quel est  $D_h$ ?

- $\mathbb{R}$
- $\mathbb{R}_+$
- $\mathbb{R}_-$
- $\mathbb{R}_+^*$
- Aucune de ces réponses n'est correcte.

**Exercice 2** Calculez les limites suivantes:

*Indication: utilisez  $\lim_{x \rightarrow a} x = a$ ;  $\lim_{x \rightarrow a} c = c, \forall a, c \in \mathbb{R}$  et les propriétés des limites vues dans les vidéos.*

1.  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 3x + 1}{x^2 + 4x + 2} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1^2 - 3 \cdot 1 + 1}{1^2 + 4 \cdot 1 + 2} = -\frac{1}{7}$

2.  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4x + 4}{x^2 + x - 6} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x-2)^2}{(x-2)(x+3)} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x-2)}{(x+3)} = 0$

3.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{|x|}{x}$

**Rappel** De manière générale :  $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = L \rightarrow \lim_{x \rightarrow a^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow a^-} f(x) = L$

La limite à gauche doit être égale à la limite à droite pour que la limite existe. Étant donnée la présence de la valeur absolue, nous pouvons différentier deux cas, i.e. quand la valeur de  $x$  s'approche de 0 du côté positif et du côté négatif.

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{|x|}{x} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x}{x} = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{|x|}{x} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{-x}{x} = -1$$

$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{|x|}{x} \neq \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{|x|}{x}$ , la limite  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{|x|}{x}$  diverge.

**Exercice 3** Calculer les zéros des fonctions suivantes, définies sur  $\mathbb{R}$ .

1.  $f(x) = x + 3$

2.  $f(x) = |x + 3|$

3.  $f(x) = (x + 3)^2$

4.  $f(x) = \ln(e^{(x+3)})$

$f(x) = 0 \Leftrightarrow x = -3$  à chaque fois